

A pályázat idejének első fele alatt elért eredmények a szerződésben leírt többségi szavazási rendszerekre vonatkoznak. Sikerült bizonyítani, hogy egy tetszőleges aszimmetrikus R relációra vonatkozóan létezik egy legnagyobb $\lambda(R)$ szám, amellyel, mint többséggel az illető reláció még generálható, ráadásul ez a $\lambda(R)$ csak racionális lehet. Általános is kapcsolatot teremtettünk egy aszimmetrikus R reláció $w(R)$ tranzitivitási foka és a $\lambda(R)$ között, nevezetesen mindig fennáll a $\lambda(R) \leq w(R)$ egyenlőtlenség. Ez azért fontos, mert a $w(R)$ (legalább is nem túl nagy R esetén) egy viszonylag könnyen meghatározható mennyiség, melynek az alsó határa $\frac{1}{2}$, csakúgy, mint a $\lambda(R)$ mennyiségé. Eredményeket kaptunk továbbá aszimmetrikus relációk $\lambda(R)$ - jére, abban az esetben, ha az R felbontható aciklikus és aszimmetrikus relációk kompozíciójára. Ez azért érdekes, mert ha ismerjük a komponensek struktúráját, jobb becslések adhatók az összetett reláció $\lambda(R)$ - jére.

A fő eredménynek azonban az tekinthető, hogy sikerült nagymértékben általánosítani az 1999-ben bajnokságokra elért eredményt („On λ - majority voting paradoxes”, Mathematicsal Social Sciences, 1999) olyan R aszimmetrikus relációkra amelyek viszonylag kevés élet tartalmazznak. Az eredmény lazán úgy fogalmazható meg, hogy minden $\lambda > \frac{1}{2}$ esetén található olyan R aszimmetrikus reláció, mely nem tartalmaz csak „nagy” köröket, mégis $\lambda(R) < \lambda$. A tétel rendkívül meglepő, hiszen ha R egy egyszerű n - kör, akkor tudjuk, hogy $\lambda(R) = \frac{n-1}{n}$.

Az említett eredményeket (sok más részeredménnyel együtt) egy kilenc oldalas dolgozatban foglaltuk össze, a cikk elbírálás alatt van.

A második évben két kézirat született, melyek közül az első a „Sigma” című, magyar nyelvű referált folyóiratban kap nyilvánosságot a hamarosan megjelenő különszámban. Ez a cikk összefoglalja a Arrow-féle kérdéskört, két modellben is megfogalmazza a problémát. A cikk áttekintő jellegű, csakúgy, mint a másik kézirat, amely a manipulálhatósággal foglalkozik. Arrow tételének nagymértékű általánosításán kívül az első kézirat foglalkozik még az oligarchiákkal és a vétőjoggal kapcsolatos lehetetlenségi tételekkel is. A cikk az optimum függvények (különösen az útfüggetlen optimum függvények) viszonylag újkeletű elméletének ismertetésével zárul. A cikk újszerű, amennyiben nemcsak körülírja a problémakört, hanem az ismertett alapvető eredmények bizonyításait is megadja, ezáltal az olvasó képet kap az építmény finomabb szerkezetéről is. A bizonyítások letisztultak, így az érdeklődő hallgatóság számára könnyen elmondhatók.

A második kézirat még publikálásra vár. Témája a manipulálhatóság, terjedelme több, mint negyven oldal. Háromféle modellben tárgyalja a kérdést, melyek közül az egyik valószínűségi modell. A determinisztikus modellek abban különböznek, hogy a szavazás kimenetele egyetlen alternatíva, vagy alternatívák valamely részhalmaza. Mindhárom modellben bizonyos lehetetlenségi tételek állnak, melyek bizonyításait megadjuk. A kézirat újszerűsége a speciális áttekintő jellegén túl az, hogy a nemzetközi szakirodalomban elterjedt bizonyításokat néhol lényegesen egyszerűsíti, s ezzel könnyebben hozzáférhetővé teszi az érdeklődő szakember vagy hallgató számára. A kézirat leglényegesebb része az egycsúcsúság olyan mértékű általánosításával foglalkozik, mely magában foglal számos, a való életben fellépő esetet így széleskörű alkalmazásokra nyílik lehetőség. Nem elhanyagolható érdeme továbbá a fenti megközelítésnek, hogy a nevezetes Gibbard-Satterthwaite tétel mint egyszerű következmény adódik a megfelelő tételből.

2005-ben és 2006-ban részt vettem a SANUM 2005 elnevezésű konferencián (Stellenbosch, Dél-Afrika), illetve egy workshop-on Pretoriában, ahol előadásokat tartottam a fentiekre. A téma és az elért eredmények érdeklődést váltottak ki a Pretoriai UNISA egyetem Quantitative Management tanszékén, meghívásukra előadássorozatot is tartottam.